



INSTITUTO JUAN PABLO II
Av. Sáenz Peña 576
TEL: 0381- 4205711
Institutojuanpabloii@gmail.com
www.instjuanpabloii.com.ar

DeMateria: Matemática

Profesora: Nisoria, Carolina

Curso: 4° B

Bibliografía actual: Activados 2. Últimos 2 capítulos.

Bibliografía a utilizar en dos semanas: Activados 4. Editorial Puerto de palos.

Trabajo Práctico N° 9

Volumen de cuerpos geométricos

Volumen del prisma y del cilindro

INFO Activa dos

Medir una cantidad de **volumen** significa comparar dicha cantidad con otra tomada como unidad de medida.

El **metro cúbico** (se escribe m^3) es el volumen de un cubo de 1 m de arista.

$1 m^3 = 1000 dm^3$

Diagrama de conversiones de unidades de volumen:

$km^3 \xrightarrow{\cdot 1000} hm^3 \xrightarrow{\cdot 1000} dam^3 \xrightarrow{\cdot 1000} m^3 \xrightarrow{\cdot 1000} dm^3 \xrightarrow{\cdot 1000} cm^3 \xrightarrow{\cdot 1000} mm^3$

$km^3 \xrightarrow{\cdot 1000} hectómetro cúbico \xrightarrow{\cdot 1000} decámetro cúbico \xrightarrow{\cdot 1000} metro cúbico \xrightarrow{\cdot 1000} decímetro cúbico \xrightarrow{\cdot 1000} centímetro cúbico \xrightarrow{\cdot 1000} milímetro cúbico$

El **volumen** de un **prisma** se obtiene a partir de la siguiente fórmula:

Volumen del prisma = área de la base · altura

Diagrama de un prisma recto y oblicuo con base y altura indicadas.

La fórmula del volumen del **cilindro** se puede obtener de la siguiente forma.

Si en un prisma regular se aumenta cada vez más la cantidad de lados de la base, se obtiene una figura geométrica plana que se aproxima cada vez más a un círculo.

Diagrama que muestra la aproximación de un cilindro a partir de prismas de base poligonal.

Volumen del cilindro = $\pi \cdot r^2 \cdot altura$

Volumen de la pirámide, del cono y de la esfera

INFO Activa dos

Si se construye un prisma y una pirámide de igual base y altura, se puede comprobar experimentalmente que el contenido de tres pirámides completan el volumen del prisma.

Diagrama de un prisma y una pirámide de igual base y altura.

Volumen de la pirámide = $\frac{1}{3}$ · área de la base · altura

Se pueden establecer experimentalmente las relaciones entre el volumen del cilindro, el cono y la esfera.

Por ejemplo, se tienen en cuenta tres recipientes: uno semiesférico, uno cónico y otro cilíndrico de igual radio y altura. Si se llena con agua el cono y se vierte su contenido en el cilindro, se verifica que para llenar este último son necesarios exactamente 3 conos.

En cambio, para llenar la semiesfera se necesita verter el contenido de 2 conos.

Diagrama de un semicírculo, un cono y un cilindro de igual radio y altura.

Volumen del cono = $\frac{1}{3}$ · volumen del cilindro = $\frac{1}{3} \cdot \pi \cdot r^2 \cdot h$

Volumen de la semiesfera = 2 · Volumen del cono = $2 \cdot \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot r^2 \cdot h = \frac{2}{3} \cdot \pi \cdot r^2 \cdot r$

Volumen de la esfera = 2 · Volumen de la semiesfera = $2 \cdot \frac{2}{3} \cdot \pi \cdot r^3 = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3$

TIC

1. Ingresen en <https://goo.gl/7qEES> para visualizar más en detalle cómo es el cálculo de su área lateral, su área total y su volumen.

*Enlace acortado de <https://www.google.com/maps/@41.881952,-87.629833,15z>

Actividades

18. Calculen el volumen de los siguientes cuerpos.

a.
Volumen = **42 cm³**

b.
Volumen = **1695,6 m³**

c.
Volumen = **48 m³**

d.
Volumen = **1008 dam³**