



DeMateria: Matemática

Profesora: Nisoria, Carolina

Curso: 4º B

Bibliografía actual: Activados 2. Últimos 2 capítulos.

Bibliografía a utilizar en dos semanas: Activados 4. Editorial Puerto de palos.

### Trabajo Práctico N° 9

#### Volumen de cuerpos geométricos

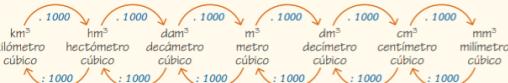
##### Volumen del prisma y del cilindro

###### **INFO ActivAdos**

Medir una cantidad de **volumen** significa comparar dicha cantidad con otra tomada como unidad de medida.

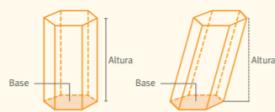
El **metro cúbico** (se escribe  $m^3$ ) es el volumen de un cubo de 1 m de arista.

$$1 m^3 = 1000 \text{ dm}^3$$



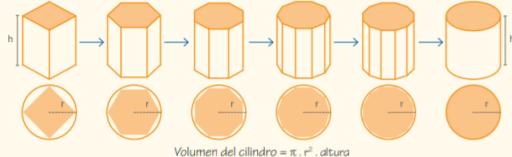
El **volumen** de un **prisma** se obtiene a partir de la siguiente fórmula:

$$\text{Volumen del prisma} = \text{área de la base} \cdot \text{altura}$$



La fórmula del volumen del **cilindro** se puede obtener de la siguiente forma.

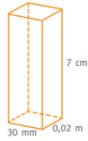
Si en un prisma regular se aumenta cada vez más la cantidad de lados de la base, se obtiene una figura geométrica plana que se aproxima cada vez más a un círculo.



#### Actividades

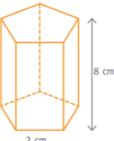
18. Calculen el volumen de los siguientes cuerpos.

a.



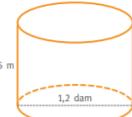
$$\text{Volumen} = 42 \text{ cm}^3$$

c.  $\text{Ap} = 1,2 \text{ cm}$



$$\text{Volumen} = 48 \text{ m}^3$$

b.



$$\text{Volumen} = 1695,6 \text{ m}^3$$

d.

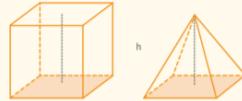


$$\text{Volumen} = 1008 \text{ dm}^3$$

##### Volumen de la pirámide, del cono y de la esfera

###### **INFO ActivAdos**

Si se construye un prisma y una pirámide de igual base y altura, se puede comprobar experimentalmente que el contenido de tres pirámides completan el volumen del prisma.



$$\text{Volumen de la pirámide} = \frac{1}{3} \cdot \text{área de la base} \cdot \text{altura}$$



Se pueden establecer experimentalmente las relaciones entre el volumen del cilindro, el cono y la esfera.

###### **TIC**

1. Ingresen en <https://geogebra.org/m/7GpPFM4L> para visualizar más en detalle cómo es el cálculo de su área lateral, su área total y su volumen.  
\*Enlace acortado de <https://www.geogebra.org/m/7GpPFM4L>.

Por ejemplo, se tienen en cuenta tres recipientes: uno semiesférico, uno cónico y otro cilíndrico de igual radio y altura. Si se llenan con agua el cono y se vierte su contenido en el cilindro, se verifica que para llenar este último son necesarios exactamente 3 conos.

En cambio, para llenar la semiesfera se necesita vertir el contenido de 2 conos.



$$\text{Volumen del cono} = \frac{1}{3} \cdot \text{volumen del cilindro} = \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot r^2 \cdot h$$

$$\text{Volumen de la semiesfera} = 2 \cdot \text{Volumen del cono} = 2 \cdot \frac{1}{3} \pi \cdot r^2 \cdot h = \frac{2}{3} \pi \cdot r^2 \cdot r$$

$$\text{Volumen de la esfera} = 2 \cdot \text{Volumen de la semiesfera} = 2 \cdot \frac{2}{3} \pi \cdot r^2 \cdot r = \frac{4}{3} \pi \cdot r^3$$

